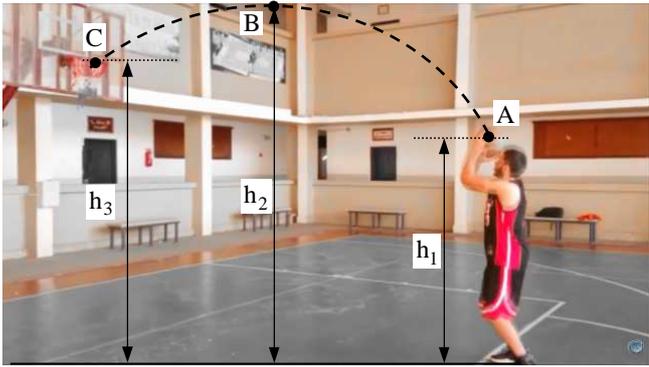


### الموضوع 2 ثا - 04

### التمرين الأول : (U02-Ex25)



بدأ تاريخ كرة السلة مع اختراعه في عام 1891 في سبرينغفيلد (ماساتشوستس) من قبل مدرب التربية البدنية الكندي جيمس نايسميث كرياضة أقل عرضة للإصابة من كرة القدم. انتشرت اللعبة بسرعة كبيرة، ونمت شعبيتها مع بداية القرن العشرين، أولا في أمريكا ثم في جميع أنحاء العالم .

باتجاه سلة موجودة على ارتفاع  $h_3 = 2.4 \text{ m}$  من أرضية

الملعب ، يقذف لاعب كرة سلة كتلتها  $m = 600 \text{ g}$  من موضع A موجود على ارتفاع  $h_1 = 2 \text{ m}$  من أرضية الملعب بسرعة قدرها  $v_A = 4 \text{ m/s}$  (الشكل) ، تمر السلة من الموضع B الموافق لأقصى ارتفاع و الموجود على بعد  $h_2$  من أرضية الملعب بسرعة قدرها  $v_B = 2 \text{ m/s}$  . يهمل تأثير الهواء و يعطى :  $g = 10 \text{ N/kg}$  .

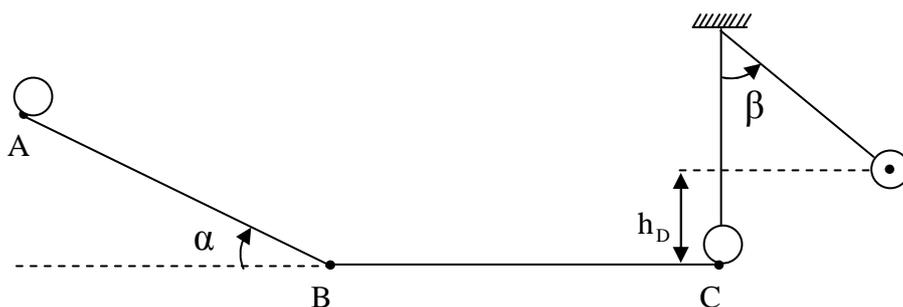
1- أوجد الطاقة الحركية للكرة عند قذفها من الموضع A .

2- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة) بين الموضعين A و B ، ثم أكتب معادلة إنحفاظ الطاقة .

3- أوجد قيمة  $h_2$  أقصى ارتفاع تبلغه الكرة بالنسبة لأرضية الملعب .

### التمرين الثاني : (U02-Ex38)

كرة نقطية كتلتها  $m = 100 \text{ g}$  ، تنطلق من السكون من الموضع A الموجود أعلى مستوي مائل طوله  $AB = 2 \text{ m}$  و يميل على الأفق بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  ثم تواصل حركتها على مستوي أفقي طوله  $BC = 3 \text{ m}$  فتصطدم عند النقطة C بكرة نواس طوله  $L = 1 \text{ m}$  موجودة في حالة سكون كتلتها  $m' = 200 \text{ g}$  ، فيؤدي ذلك إلى



انزياح خيط النواس عن وضع الشاقول بزاوية  $\beta$  . تهمل قوى الاحتكاك و يعطى

$g = 10 \text{ m/s}^2$  :

1- أ- أحسب عمل ثقل الكرة عندما

تنتقل من الموضع A إلى الموضع B .

ب- مثل مخطط الحصييلة الطاقوية للجملة (كرة) أثناء هذا الانتقال ، ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة .

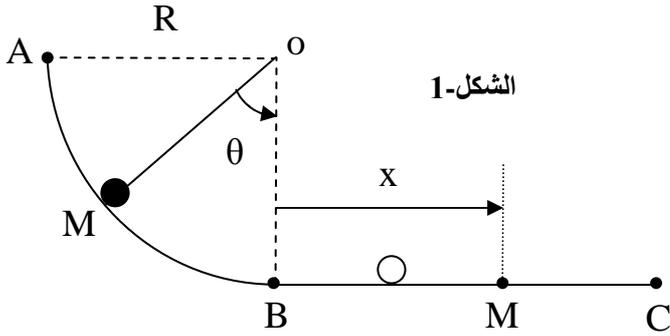
ج- أحسب سرعة الكرة عند الموضع B ثم استنتج سرعتها عند C .

2- إذا فرضنا أن كرة النواس تكتسب كل الطاقة الحركية للكرية أثناء حدوث التصادم معها .

أ- مثل مخطط الحصييلة الطاقوية للجملة (كرة النواس) أثناء الانتقال من الموضع C إلى الموضع D ، ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة .

ج- أوجد قيمة زاوية انزاح الخيط  $\beta$  عن الشاقول .

### التمرين الثالث : (U02-Ex35)



جسم نقطي (S) كتلته  $m = 1 \text{ kg}$  يتحرك على مسار

ABC يتكون من جزئين : الأول : ربع دائرة AB شاقولي

أملس نصف قطره R و الثاني مسار أفقي BC خشن

يخضع الجسم (S) فيه لقوة احتكاك  $\vec{f}$  شدتها ثابتة ، نترك

دون سرعة ابتدائية الجسم (S) من الموضع A فيتحرك على

المسار ABC و يبلغ الموضع C بسرعة  $v_C = 2 \text{ m/s}$  .

1- مثل مخطط الحصييلة الطاقوية للجملة جسم (S) ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة أثناء الانتقال من A إلى B .

2- جد عبارة نصف قطر المسار R بدلالة  $v_B$  ،  $g$  .

3- يواصل الجسم (S) حركته على الجزء BC من المسار ،

منحنى الشكل-2 يعطي تغيرات مربع سرعة الجسم (S) على هذا

المسار بدلالة المسافة  $x = BM$  حيث M موضع يقع بين B و C

أ- مثل مخطط الحصييلة الطاقوية للجملة (جسم) ثم أكتب معادلة

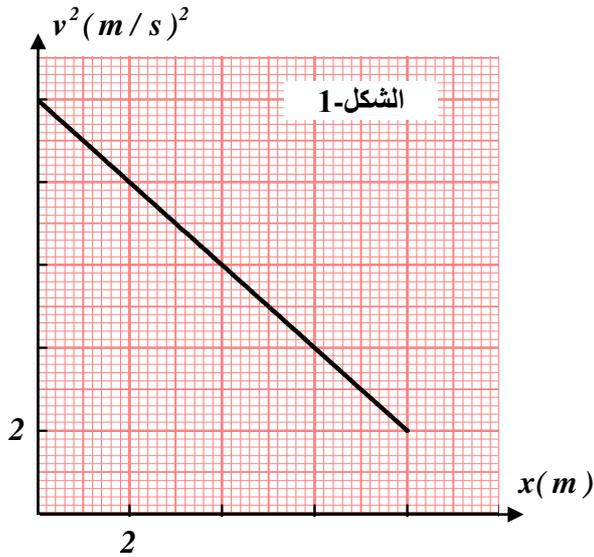
انحفاظ الطاقة أثناء الانتقال من B إلى M .

ب- أثبت أنه يعبر عن سرعة الجسم (S) عند الموضع M

$$v^2 = v_B^2 - \frac{2f \cdot x}{m} \quad \text{بدلالة } x \text{ بالعلاقة التالية :}$$

ج- جد اعتمادا على البيان ، شدة قوة الاحتكاك f و السرعة  $v_B$  ، ثم استنتج نصف القطر R للمسار الدائري .

يعطى :  $g = 10 \text{ N/kg}$  .



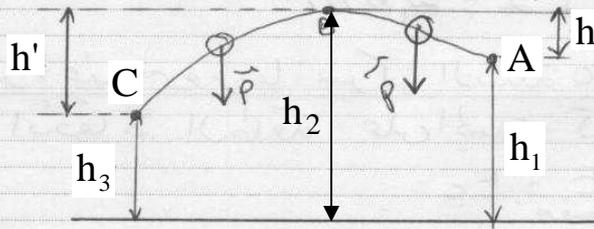
# حل التمرين الأول

1- الطاقة الحركية في الوضع A :

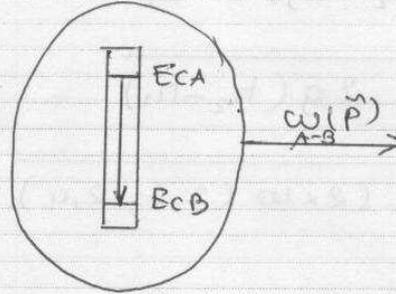
$$E_{CA} = \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$E_{CA} = 0,5 \times 0,6 (4)^2 = 4,8 \text{ J}$$

2- الصيغة الطاوقية للجملة (كرة) بين A و B :



- الجملة المدروسة: كرة
- فرج الارتفاع: سطحي أرضي تعتبره غليبي
- القوى الخارجية المؤثرة: الثقل  $\vec{P}$



معادلة انحفاظ الطاقة :

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين A و B :

$$E_A + \overset{\text{مكتبة}}{E} - \overset{\text{مكتبة}}{E} = E_B$$

$$E_{CA} + W_{A-B}(\vec{P}) = E_{CB}$$

في أقصى ارتفاع تبلغه الكرة (A<sub>2</sub>) :

مما سبق :

$$E_C + W_{A-B}(\vec{P}) = E_{CB}$$

$$E_C + mgh = E_{CB}$$

$$\frac{1}{2} m v_A^2 - mg(h_2 - h_1) = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$\frac{1}{2} m (v_A^2 - v_B^2) = mg(h_2 - h_1)$$

$$(v_A^2 - v_B^2) = 2g(h_2 - h_1)$$

$$(h_2 - h_1) = \frac{(v_A^2 - v_B^2)}{2g}$$

$$h_2 = \frac{v_A^2 - v_B^2}{2g} + h_1$$

$$h_2 = \frac{(4)^2 - (2)^2}{2 \times 10} + 2 = 2,6 \text{ m}$$

4- سرعة الكرة عند مرورها بمركز البسلة C

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة كرة بين B و C :

$$E_B + E_{\text{ميكانيكية}} = E_C$$

$$E_{\text{ع}} + \omega_{B-C}(\vec{P}) = E_{\text{ع}} + E_{\text{ك}}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 + mgh' = \frac{1}{2} m v_C^2$$

$$v_B^2 + 2gh' = v_C^2$$

من الشكل  $h' = h_2 - h_3$  ومنها :

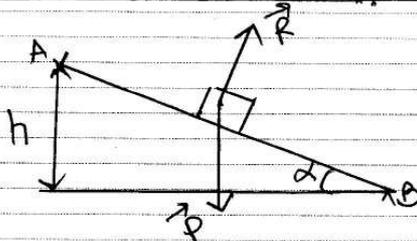
$$v_B^2 + 2g(h_2 - h_3) = v_C^2$$

$$v_C = \sqrt{v_B^2 + 2g(h_2 - h_1)}$$

$$v_C = \sqrt{(2)^2 + (2 \times 10)(2,6 - 2,4)} = 2,83 \text{ m/s}$$

## حل التمرين الثاني

1- P محل ثقل الكرة أثناء انتقالها من A إلى B :



$$W(\vec{P})_{A-B} = mgh$$

من الشكل

$$\sin \alpha = \frac{h}{AB} \rightarrow h = AB \cdot \sin \alpha$$

$$W(\vec{P})_{A-B} = mg \cdot AB \cdot \sin \alpha$$

ومنه

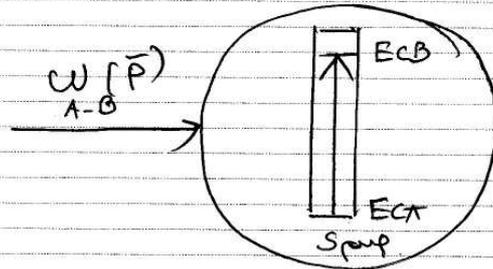
$$W(\vec{P})_{A-B} = 0,2 \times 10 \times 2 \cdot \sin 30^\circ = 1 \text{ J}$$

ب- حفظ الطاقة الميكانيكية:

- الجملة الميكانيكية: جسم (S)

- مرجع الارتفاع: سطح الأرض نعتبره ثابتاً

- القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{P}$ ,  $\vec{R}$



معادلة انحفاظ الطاقة:  $E_A + E_{\text{ميكانيكية}} - E_{\text{ميكانيكية}} = E_B$   
 بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة وبالاعتماد على حفظ الطاقة الميكانيكية:  
 الطاقة:

$$E_A + E_{\text{ميكانيكية}} - E_{\text{ميكانيكية}} = E_B$$

$$E_A + W(\vec{P})_{A-B} = E_{cb}$$

$$\boxed{W(\vec{P})_{A-B} = E_{cb}}$$

ح- سرعة الكرة عند B:

وجدنا سابقاً:

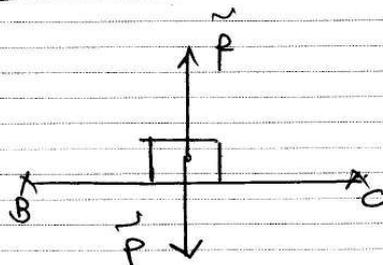
$$W(\vec{P})_{A-B} = E_{cb}$$

ومنه

$$W(\vec{P}) = \frac{1}{2} m v_B^2 \rightarrow v_B = \sqrt{\frac{2W(\vec{P})}{m}}$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2 \times 1}{0,2}} = 4,47 \text{ m/s}$$

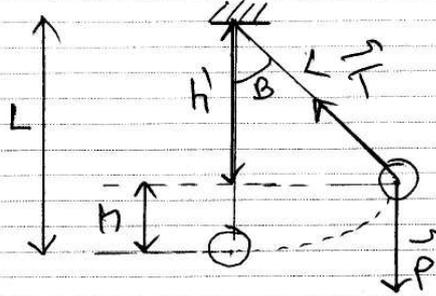
د- سرعة الكرة عند C:



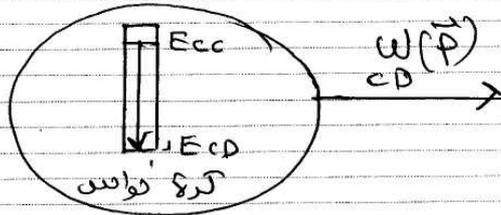
أثناء انتقال الكرة من B إلى C لا توجد قوة تعيق حركتها وبالتالي تحافظ على سرعتها التي اكتسبتها عند B. إذن، حسب مبدأ العطالة

$$v_c = v_B = 4.47 \text{ m/s.}$$

4- حفظ الطاقة الميكانيكية بين C و D:



- المحطة المدروسة: (كرة نواس)
- مربع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره عالي
- القوى الخارجية المؤثرة  $\vec{P}$  و  $\vec{T}$ .



مفادلة احتفاظ الطاقة  
بتطبيق مبدأ احتفاظ الطاقة بين C و D وبإعتبار  
عن حفظ الطاقة الميكانيكية:

$$E_c + E_{\text{ميكانيكية}} - E_{\text{ميكانيكية}} = E_D$$

$$E_{cc} - |W(P)_{c-D}| = E_{cd}^{go}$$

$$\boxed{E_c - |W(P)_{c-D}| = 0}$$

$$E_{cc} - |W(P)| = 0$$

حده  $\beta$  فقط:  
وحداتها:

$$\frac{1}{2} m v_c^2 - | - mgh | = 0$$

$$\frac{1}{2} m v_c^2 - mgh = 0$$

$$v_c^2 - 2gh = 0$$

من الشكل:

$$\begin{cases} h = L - h' \\ \cos \beta = \frac{h'}{L} \rightarrow h' = L \cos \beta \end{cases}$$

$$h = L - L \cos B = L (1 - \cos B)$$

ومن ثم:

يصبح لدينا:

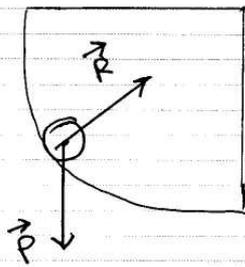
$$v_c^2 - 2gL(1 - \cos B) = 0$$

$$\frac{v_c^2}{2gL} = 1 - \cos B \rightarrow \cos B = 1 - \frac{v_c^2}{2gL}$$

$$\cos B = 1 - \frac{(4.14)^2}{2 \times 10 \times 1} = 0 \rightarrow B = 90^\circ$$

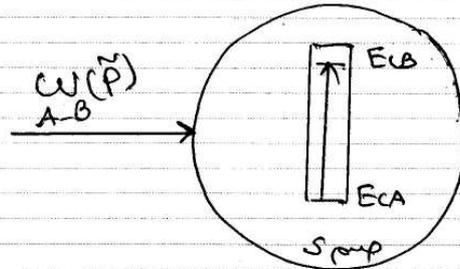
## حل التمرين الثالث

1- مخطط الحصلة الطاقوية للجملة جسم (S) أثناء الانتقال من A إلى B:



- الجملة المدروسة: جسم (S)  
- القوى الخارجية:  $\vec{P}$ ,  $\vec{R}$

- $W_{A,B}(\vec{P}) > 0$
- $W_{A,B}(\vec{R}) < 0$



- معادلة انحفاظ الطاقة:

تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين A و B:

$$E_A + E_{\text{مكتبة}} - E_{\text{مكتبة}} = E_B$$

$$\cancel{E_{CA}} + W_{A,B}(\vec{P}) = E_{CB} \rightarrow \boxed{W_{A,B}(\vec{P}) = E_{CB}}$$

- سرعة الجسم (S) عند B:

من معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$W_{A,B}(\vec{P}) = E_{CB}$$

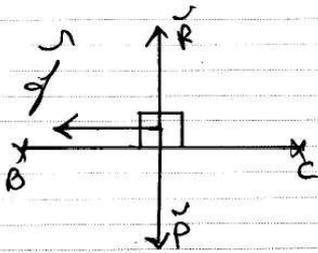
$$mgh = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$2gh = v_B^2$$

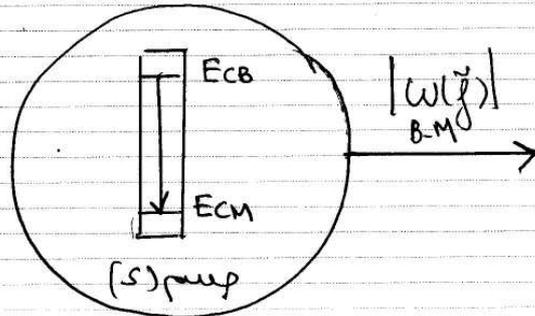
من الشكل:  $h = R$  ومنه

$$2gR = v_B^2 \rightarrow R = \frac{v_B^2}{2g}$$

3- مقطع الحبيبة الطاقوية



- الجهد الميكانيكي:  $E_M$   
- القوى الخارجية:  $f$  و  $P$  و  $R$



- معادلة حفظ الطاقة بين B و M:

بتطبيق مبدأ حفظ الطاقة بين B و M:

$$E_B + E_{\text{ميكانيكي}} - E_{\text{مفقود}} = E_M$$

$$E_{cb} - |w(f)| = E_{cm}$$

ب- اثبات أن  $v^2 = v_B^2 - \frac{2fx}{m}$  ما سبق:

$$E_{cb} - |w(f)| = E_{cm}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - | - f \cdot 8M | = \frac{1}{2} m v^2$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - f \cdot x = \frac{1}{2} m v^2$$

$$m v_B^2 - 2 f \cdot x = m v^2$$

$$m v^2 = m v_B^2 - 2 f x$$

$$v^2 = v_B^2 + \frac{2fx}{m}$$

→ قيمتي  $f$  و  $R$ :

بيانياً:  
المنحنى  $v^2 = f(x)$  هو مستقيم لا يتصل المحور صافاً  
من الشكل:

$$v^2 = ax + b$$

نظرياً ومما سيف:

$$v^2 = -\frac{2f}{m}x + v_B^2$$

الطاقة:

$$\bullet -\frac{2f}{m} = a \rightarrow f = -\frac{ma}{2}$$

$$\bullet v_B^2 = b \rightarrow v_B = \sqrt{b}$$

من البيان:

$$\bullet a = -\frac{4 \times 2}{4 \times 2} = -1$$

$$\bullet b = 2.5 = 10$$

$$\bullet f = -\frac{1(-1)}{2} = 0.5 \text{ N}$$

أذن:

$$\bullet v_B = \sqrt{10} = 3.16 \text{ m/s}$$

قيمة  $R$   
من حركة  $R$  السابقة:

$$R = \frac{v_B^2}{2g} = \frac{(3.16)^2}{2 \times 10} = 0.5 \text{ m}$$

تمنياتي لكم التوفيق و النجاح